

МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ РЕСПУБЛИКИ БЕЛАРУСЬ

УЧРЕЖДЕНИЕ ОБРАЗОВАНИЯ

«ВИТЕБСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНОЛОГИЧЕСКИЙ  
УНИВЕРСИТЕТ»

51  
УДК 513.8, 515.1

УТВЕРЖДАЮ

№ ГР 2001523

Проректор УО ВГТУ по научной работе

Инв. № \_\_\_\_\_

С.М. Литовский



**ПРОМЕЖУТОЧНЫЙ ОТЧЕТ**

о научно-исследовательской работе «Исследование алгебраических структур на многообразиях» Государственной программы фундаментальных исследований «Исследование основных математических структур и проблем математического моделирования» (шифр «Математические структуры») (промежуточный)

2004-Г/Б-308

Начальник НИС

  
20.12.04  
С.А. Беликов

Научный руководитель,

Дфмн, проф.

  
20.11.04  
Ю.В. Муранов

Витебск

2004

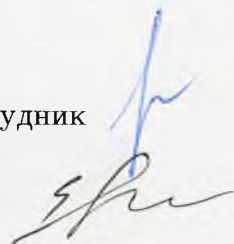
Библиотека ВГТУ



БІБЛІЯТЭКА  
УА "ВІЦЕБСКІ ДЗЯРЖАУНЫ  
ТЭХНАЛАГІЧНЫ УНІВЕРСІТЭТ"  
інв. № 8/и

**Список исполнителей.**

1. Муранов Ю. В. – научный руководитель, главный научный сотрудник НИС, профессор, дфмн.
2. Муранова Е.Н. – исполнитель, старший научный сотрудник НИС.



## РЕФЕРАТ

Отчет 9 с., 1 кн., 1 прил.

### ИССЛЕДОВАНИЕ АЛГЕБРАИЧЕСКИХ СТРУКТУР НА МНОГООБРАЗИЯХ

Объектом исследования является проблема расщепления и группы препятствий для многообразий с подмногообразиями.

Цель работы --- изучить алгебраические и геометрические свойства групп препятствий и структурных множеств.

В процессе работы проводились исследования геометрических и алгебраических аспектов проблемы расщепления для многообразия с системой подмногообразий и структурных множеств.

В результате исследования получены новые результаты о геометрических и алгебраических свойствах проблемы расщепления для систем многообразий, определены и исследованы структурные множества для фильтрации, определены и исследованы группы препятствий для пар многообразий с границами, описаны связи введенных групп с классическими объектами и группами препятствий.

Полученные результаты применимы в геометрической топологии, алгебраической K-теории, теории стратифицированных пространств.

## Введение.

Исследование различных алгебраических структур для систем многообразий были использованы Браудером и Ливси при исследовании инволюций на гомотопических сферах, а затем интенсивно развивались в тесной связи с теорией перестроек в работах Лопеза де Медрано, Уолла и Раницкого. Тесная связь алгебраических и геометрических аспектов эрмитовой К-теории (L-теории), глубокому исследованию которой положила начало работа С. П. Новикова, имеет место не только для многообразий, но и для различных систем многообразий. Параллельно с классической теорией перестроек развивалась также теория внутренних перестроек или теория расщепления гомотопической эквивалентности вдоль подмногообразия. В частности, техника расщепления эффективно применяется для вычисления отображений в точной последовательности Сулливана и для решения вопроса о реализации элементов групп Уолла нормальными отображениями замкнутых многообразий. При этом основные запрещающие реализацию замкнутыми многообразиями инварианты задаются на языке отображений между различными L-группами и группами препятствий к расщеплению. Сюда следует отнести такие естественные отображения как трансфер, скрученный трансфер и индуцирование. Мы изучаем их алгебраические и геометрические свойства для случая систем многообразий.

Группы препятствий к расщеплению  $LS_{n-q}(F)$  естественно возникают в задаче перестройки подмногообразия  $N \subset M$  коразмерности  $q$  внутри  $n$ -мерного многообразия  $M$ . Если коразмерность подмногообразия  $N$  больше или равна 3, то группы  $LS_{n-q}(F)$  не зависят от многообразия  $M$  и совпадают с абстрактными группами препятствий к перестройкам  $L_{n-q}(\pi_1(N))$ , где  $\pi_1(N)$  — фундаментальная группа подмногообразия  $N$ , снабженная гомоморфизмом ориентации  $w : \pi_1(N) \rightarrow \{\pm 1\}$ . Рассмотрим простую гомотопическую эквивалентность  $f : M \rightarrow Y$  многообразия  $M$  в  $n$ -мерный геометрический комплекс Пуанкаре  $Y$  с подкомплексом  $X$  коразмерности  $q$ . Соответствующая задача расщепления отображения  $f$  вдоль  $X$  состоит в деформации  $f$  с точностью до гомотопии в такое трансверсальное к  $X$  отображение, что ограничения

$$f|_N : N \rightarrow X, f|_{M \setminus N} : (M \setminus N) \rightarrow (Y \setminus X), N = f^{-1}(X)$$

являются простыми гомотопическими эквивалентностями. Препятствие к расщеплению  $\sigma(f, Y)$  лежит в группе  $LS_{n-q}(F)$ , которая функториально зависит

## ПРИЛОЖЕНИЕ

### Список публикаций по теме исследований

2004 г.

1. Rolando Jimenez, Y.V. Muranov, D. Repovš, *Surgery spectral sequence and stratified manifolds* **42** (2004), Preprint University of Ljubljana, N.935. IMFM, 1–33.
2. M. Cencelj, Yu. V. Muranov, D. Repovš, *On splitting problem for manifold with boundaries*, Preprint University of Ljubljana, N. 936. IMFM **42** (2004), 1–22.
3. A. Bak, Yu. V. Muranov, *Splitting along submanifolds and L-spectra*, Journal of Mathematical Sciences, Issue 4 **123** (2004), 4169–4184.
4. М.А. Васильев, П.Л. Иванков, И.М. Котин, Ю.В. Муранов, *Сборник контрольных заданий по линейной алгебре и аналитической геометрии (для студентов экономических специальностей)* (2004), Витебский филиал ЧУО ИСЗ, 1–19.
5. М.А. Васильев, П.Л. Иванков, Ю.В. Муранов, *Лекции по аналитической геометрии и линейной алгебре, ч. I* (2004), Витебский филиал ЧУО ИСЗ, 1–65.
6. Ю.В. Муранов, *Математика и высшая математика* (2004), Сборник докладов международной конференции. Математическое образование: современное состояние и перспективы. Могилев, 169–171.
7. Rolando Jimenez, Yuri Muranov, *Homotopy triangulations of a triple of manifolds* (2004), Abstracts of International Conference Geometric Topology, Discrete Geometry and Set Theory, Steklov Mat. Insitute, Moscow, 26.
8. Yu.V. Muranov, *Surgery on manifold with filtration* (2004), Abstracts of International Conference Geometric Topology, Discrete Geometry and Set Theory, Steklov Mat. Insitute, Moscow, 31–32.
9. Yu.V. Muranov, *Browder-Quinn obstruction groups and surgery spectral sequence* (2004), Тезисы. IX Белорусская математическая конференция, Гродно, Часть 2, 75.

Typeset by  $\mathcal{A}\mathcal{M}\mathcal{S}$ - $\mathcal{T}\mathcal{E}\mathcal{X}$