

ОПРЕДЕЛЕНИЕ КООРДИНАТ ПОЛОЖЕНИЯ АСПИРАЦИОННЫХ УСТРОЙСТВ ПРИ ОБРАБОТКЕ КОЖЕВЕННО-ОБУВНЫХ МАТЕРИАЛОВ РЕЗАНИЕМ

*К.т.н., доц. Олышанский В.И.,
д.т.н., проф. Ковчур С.Г.,
к.т.н., доц. Тимонов И.А.,
ст. преп. Потоцкий В.Н.*

(ВТУ)

При выполнении технологических операций в обувном производстве, связанных с обработкой деталей различным режущим инструментом, возникает актуальная задача улавливания пылевых частиц аспирационными устройствами.

Рассмотрим порядок расчета координат положения аспирационных устройств при выполнении технологических операций фрезерования, взъерошивания и шлифования.

В работе (1) показано, что проекции скорости резания на координатные оси, при выполнении указанных операций, можно представить в виде:

$$\begin{cases} V_x = R\omega \cos \alpha t + V_m \\ V_y = -R\omega \sin \alpha t \end{cases} \quad (1)$$

где:

R - радиус инструмента;

ω - угловая скорость;

t - время отрыва частицы от обрабатываемого материала;

V_m - скорость подачи.

Время t , в течение которого происходит отрыв частицы от материала, определяется по формуле:

$$t = \frac{S_{мин}}{nzV} \quad (2)$$

где:

$S_{мин}$ - минутная подача;

n - число оборотов инструмента;

z - число зубьев инструмента.

Скорости V_x и V_y являются начальными скоростями движения частицы, которая, отрываясь от материала, продолжает движение в воздухе, вязкостью μ_a . Для воздуха $\mu_a = 1.8 \cdot 10^{-4}$ г/см²сек.

Установлено (2), что если тело движется в газе и имеет малые размеры, то сила сопротивления пропорциональна скорости движения.

Здесь коэффициент пропорциональности $K > 0$, а знак минус показывает, что сила сопротивления направлена противоположно скорости движения частицы. Число K зависит от свойств среды, от формы и размеров частицы, и оно пропорционально вязкости среды. Принимая, с небольшой ошибкой, что частицы имеют форму близкую к шару, запишем выражение для K

$$K = -6\pi \mu_v \quad (4)$$

Радиус частицы можно в первом приближении принять равным максимальной толщине стружки (1)

$$r = a_{\max} = \frac{S_{\min} \pi}{15 \alpha x} \sqrt{\frac{2\delta}{R}} \quad (5)$$

где: δ - глубина врезания инструмента.

Из второго закона Ньютона

$$m \frac{dV}{dt'} = -kV \quad (6)$$

Решение этого уравнения есть

$$V(t) = V_0 \cdot e^{-\alpha(t'-t_0)} \quad (7)$$

где:

$\alpha = K/m$, m - масса частицы.

Запишем уравнение (7) в проекциях на координатные оси, учитывая при этом что:

$$\begin{aligned} V_x &= V_{x0} \\ V_y &= V_{y0} \end{aligned} \quad (8)$$

тогда

$$\begin{cases} V_x(t') = (R\omega \cos \alpha t + Vm) e^{-\alpha(t'-t_0)} \\ V_y(t') = -(R\omega \sin \alpha t) e^{-\alpha(t'-t_0)} \end{cases} \quad (9)$$

Для всасывания пылевого облака, необходимо, чтобы скорости $V_x(t)$ и $V_y(t)$ были минимальными.

Найдем выражение для пути, пройденного частицей в проекциях на координатные оси

$$\begin{cases} dx = (R\omega \cos \alpha t + Vm) e^{-\alpha(t'-t_0)} dt \\ dy = -(R\omega \sin \alpha t) e^{-\alpha(t'-t_0)} dt \end{cases} \quad (10)$$

Интегрируя, получим

$$\begin{cases} x(t') = R\omega \cos \alpha t + Vm \int_{t_0}^{t'} e^{-\alpha(t'-t_0)} dt' \\ y(t') = -(R\omega \sin \alpha t) \int_{t_0}^{t'} e^{-\alpha(t'-t_0)} dt' \end{cases} \quad (11)$$

или

$$\begin{cases} x = \frac{R\omega \cos \alpha t + Vm}{\alpha} [1 - e^{-\alpha(t'-t_0)}] \\ y = -\frac{R\omega \sin \alpha t}{\alpha} [1 - e^{-\alpha(t'-t_0)}] \end{cases} \quad (12)$$

При больших значениях t' , когда $Vx(t')$ и $Vy(t')$ близки к нулю, величина $e^{-\alpha(t'-t_0)}$ весьма мала и ею можно пренебречь.

Поэтому для практических расчетов можно использовать упрощенное выражение

$$\begin{cases} x = \frac{R\omega \cos \alpha t + Vm}{\alpha} \\ y = -\frac{R\omega \sin \alpha t}{\alpha} \end{cases} \quad (13)$$

Вычисленные значения x и y и определяют координаты положения всасывающего патрубка аспирационного устройства.

Литература:

1. Ковчур С.Г., Ольманский В.И. Теоретический расчет координат положения дисперсного облака кожевой пыли. Сб. статей: "Совершенствование технологических процессов". Часть 1. - Минск: Университетское, 1994.
2. Пирумов А.В. Обеспыливание воздуха. - М., 1981.

