

## ВЛИЯНИЕ НАМАГНИЧЕННОСТИ, ВЫСОКОГО ГИДРОСТАТИЧЕСКОГО ДАВЛЕНИЯ И ПРИМЕСЕЙ НА ВИД СПЕКТРА ДИСЛОКАЦИОННЫХ КОЛЕБАНИЙ

Малашенко В. В., Малашенко Т. И.

*Донецкий национальный технический университет, Донецк, Украина  
Донецкий физико-технический институт им. А.А.Галкина НАН Украины,  
Донецк, Украина,  
[malashenko@kinetic.ac.donetsk.ua](mailto:malashenko@kinetic.ac.donetsk.ua)*

Знание спектра колебаний дислокации необходимо при анализе высокоскоростной деформации, ударных нагрузок, а также при использовании метода внутреннего трения. Взаимодействие движущейся дислокации с другими дислокациями, с примесями, с магнитной подсистемой кристалла может привести к возникновению активации в спектре дислокационных колебаний, а приложение высокого гидростатического давления может существенно изменить величину этой активации. Динамическое взаимодействие дефектов с дислокацией в зависимости от концентрации дефектов (т.е. от среднего расстояния между дефектами  $l$ ) и скорости дислокационного скольжения  $v$  может иметь как коллективный характер, так и характер независимых столкновений [1,2]. Обозначим время взаимодействия дислокации с атомом примеси  $\tau_{\text{def}} \approx R/v$ , где  $R$  – радиус дефекта; время распространения возмущения вдоль дислокации на расстояние порядка среднего расстояния между дефектами обозначим  $\tau_{\text{dis}} \approx l/c$ , где  $c$  – скорость распространения в кристалле поперечных звуковых волн. В области независимых столкновений ( $v > v_0 = R\Delta_d$ ) выполняется неравенство  $\tau_{\text{def}} < \tau_{\text{dis}}$ , т.е. элемент дислокации за время взаимодействия с точечным дефектом не испытывает на себе влияния других дефектов. В области коллективного взаимодействия ( $v < v_0$ ), наоборот,  $\tau_{\text{def}} > \tau_{\text{dis}}$ , т.е. за время взаимодействия дислокации с точечным дефектом данный дислокационный элемент успевает “почувствовать” влияние других дефектов, вызвавших возмущение дислокационной формы.

Пусть краевая дислокация движется под действием постоянного внешнего напряжения  $\sigma_0$  в кристалле, содержащем хаотически распределенные точечные дефекты. Направим ось  $OZ$  параллельно линии дислокации, а ее вектор Бюргерса параллельно оси  $OX$ , в положительном направлении которой происходит скольжение дислокации с постоянной скоростью  $v$ . Элементы дислокации могут совершать малые колебания в плоскости скольжения  $XOZ$ . Положение дислокации определяется функцией  $X(z, t) = vt + w(z, t)$ , где  $w(z, t)$  – случайная величина, среднее значение которой по ансамблю дефектов и расположению элементов дислокации равно нулю.

Уравнение движения дислокации имеет следующий вид

$$m \frac{\partial^2 X(z, t)}{\partial t^2} + \beta \frac{\partial X(z, t)}{\partial t} - T \frac{\partial^2 X(z, t)}{\partial z^2} = b [\sigma_0 + \sigma_{\text{в}}(vt + w; z)].$$

Здесь  $T$  – коэффициент линейного натяжения дислокации, порядок величины коэффициента  $\beta$  определяется выражением  $\beta = B_0/m$ , где  $B_0$  – коэффициент динамиче-

ского торможения дислокации,  $m$  – масса единицы длины дислокации. В данном уравнении движения мы пренебрегли влиянием рельефа Пайерлса на движение дислокаций, что справедливо, в частности, для металлов и щелочно-галогидных кристаллов. Входящая в правую часть уравнения движения величина  $\sigma_{xy}$  является компонентой тензора напряжений, создаваемых точечными дефектами на линии дислокации. Коллективное взаимодействие дефектов с дислокацией приводит к тому, что спектр дислокационных колебаний становится нелинейным: в нем возникает активация

$$\omega(p_i) = \sqrt{\Delta^2 + c^2 p_i^2}$$

Выражение для активации  $\Delta_{\text{def}}$  мы можем получить, решая следующее уравнение

$$\Delta_{\text{def}}^2 = \frac{nb^2}{8\pi^3 m^2} \int d^3 p \frac{p_\epsilon^2 |\sigma_{xy}(p)|^2}{\Delta_{\text{def}}^2 + c^2 p_i^2 - p_i^2 v^2},$$

Решение этого уравнения существует лишь в области коллективного взаимодействия и описывается следующим выражением

$$\Delta_{\text{def}} = \frac{R}{b} n^{\frac{1}{3}} \epsilon^{\frac{2}{3}} \sqrt{\frac{\mu}{\rho}},$$

где  $n$  – объемная концентрация точечных дефектов,  $R$  – радиус дефекта,  $\epsilon$  – параметр несоответствия дефекта,  $\mu$  – модуль сдвига,  $b$  – модуль вектора Бюргера дислокации,  $\rho$  – плотность кристалла. Именно появление активации в спектре дислокационных колебаний позволяет объяснить экспериментально наблюдаемый квазивязкий характер торможения движущейся дислокации точечными дефектами.

Большой интерес представляет движение краевой дислокации параллельно поверхности кристалла, содержащей хаотически распределенные примеси, в связи с тем, что, во-первых, все реальные кристаллы имеют поверхность, во-вторых, современные технологии позволяют наносить примеси на поверхность контролируемым образом, в-третьих, роль поверхности очень важна при исследовании наноматериалов. Активация, возникающая в спектре дислокации в этом случае, описывается следующим выражением

$$\Delta_s = \frac{c}{y} n_{\text{os}}^{1/2} \left( \frac{R_d}{y} \epsilon_s \right)^{\frac{2}{3}}$$

Здесь  $y$  – расстояние от поверхности кристалла до плоскости скольжения дислокации,  $R_d$  – радиус примеси,  $\epsilon_s$  – параметр ее несоответствия,  $n_{\text{os}}$  – безразмерная концентрация примеси,  $n_{\text{os}} = n_s R_d^2$ .

Как известно, краевые дислокации, расположенные в параллельных плоскостях скольжения, способны образовывать устойчивые конфигурации, выстраиваясь одна над другой [3]. Этот процесс составляет основу полигонизации, в результате которой в кристаллах возникают дислокационные стенки. Они являются границами зерен в поликристаллах и могут под действием внешних напряжений перемещаться по кристаллу. Рассмотрим скольжение двух краевых дислокаций, движущихся в параллельных плоскостях скольжения. Их взаимодействие также приводит к возникновению активации

$$\Delta_0 = \frac{1}{a} \sqrt{\frac{2\mu}{\rho \ln(L/b)}}$$

где  $a$  – расстояние между плоскостями скольжения дислокаций,  $L$  – величина порядка размера кристалла. В работе [4] было показано, что в условиях гидростатического сжатия сила притяжения дислокаций друг к другу увеличивается: появляется дополнительная сила, пропорциональная величине гидростатического давления и обратно пропорциональная расстоянию между дислокациями.

$$F_{\text{dis}} = b^2 \frac{x(x^2 - y^2)}{2\pi(1 - \gamma)r^4} p N_p,$$

где

$$\psi = 2K_1 - \frac{K_2 \lambda}{\mu}, \quad K_1 = -\frac{\frac{1}{2}\lambda - \mu + 3l - m + \frac{1}{2}n + p}{3\lambda + 2\mu + p},$$

$$K_2 = -\frac{3\lambda + 6\mu + 3m - \frac{1}{2}n - 2p}{3\lambda + 2\mu + p}, \quad N_p = K_2 + \psi \frac{(1 - 2\gamma)^2}{2(1 - \gamma)} \geq 0.$$

Здесь  $\lambda$ ,  $\mu$  – коэффициенты Ламе,  $l$ ,  $m$ ,  $n$  – коэффициенты Мурнагана,  $\gamma$  – коэффициент Пуассона. В работе [4] было показано, что в обычно используемом в настоящее время диапазоне гидростатических давлений зависимостью  $K_1$ ,  $K_2$  и вектора Бюргера от  $p$  можно пренебречь. Возрастание силы взаимодействия дислокаций приводит к тому, что величина активации линейно возрастает с увеличением давления  $p$

$$\Delta(p) = \Delta_0(1 + \alpha p); \quad \alpha = \frac{N_p}{M}; \quad M = \frac{\mu}{2\pi(1 - \gamma)}$$

Возрастание активации при гидростатическом сжатии может составлять десятки процентов.

Магнитоупругое взаимодействие дислокации с магнитной подсистемой ферромагнетика при определенных условиях также порождает активацию в спектре дислокационных колебаний, причем ее величина в этом случае возрастает с ростом намагниченности и константы магнитоупругого взаимодействия. В случае ферромагнетика с анизотропией типа легкая ось активация спектра выражается через параметры кристалла следующим образом:

$$\Delta_M^2 = \frac{B_M b^2 \omega_M}{16\pi m c_s^2} \ln \frac{\theta_c}{\epsilon_0};$$

где  $B_M$  – константа магнитоупругого взаимодействия;  $b$  – вектор Бюргера;  $m$  – масса единицы длины дислокации;  $\omega_M = gM_0$ ;  $g$  – гиромангнитное отношение;  $M_0$  – намагниченность;  $\theta_c$  – температура Кюри. Параметры  $\epsilon_0$  и  $c_s$  определяют спектр магнонов в ферромагнетике с анизотропией типа легкая ось, когда магнитное поле направлено вдоль оси анизотропии:  $\epsilon(k) = \epsilon_0 + c_s^2 k^2$  ( $k$  – волновой вектор).

#### Список литературы

1. V.V. Malashenko, V.L. Sobolev, B.I. Khudik. Phys. Stat. Sol.(b). **143**, 2, 425(1987).
2. В.В. Малашенко. ФТТ **49**. №1, 78 (2007).
3. Д. Хирт, И. Лоте. Теория дислокаций. М.: Наука, 1972. - 599 с.
4. В.В. Токтий, В.И. Зайцев. ФТТ **15**. № 8. 2460 (1973).