

При анализе табличных данных установлено, что неровнота ленты по линейной плотности на коротких и метровых отрезках снижается с увеличением процентного вложения длиноволокнистого хлопка, а максимальная распрямленность волокна ленты достигается при минимальном вложении средневолокнистого хлопка.

УДК 766.052.3/.5

ОЦЕНКА ЭКСПЛУАТАЦИОННОЙ НАДЕЖНОСТИ ПРЯДИЛЬНОЙ МАШИНЫ

Ю.С. Шустов

ГОУ ВПО «Московский государственный текстильный университет им. А.Н.Косыгина», г. Москва, Российская Федерация

В процессе эксплуатации прядильной машины возникают различные виды отказов. Для определения этих отказов в первую очередь необходимо сделать обоснованный выбор определяющих параметров математической модели процесса изнашивания

$$I = f(p; F; H; K_m; K_a; Q; A; \omega), \quad (1)$$

где $I = N/U$ — износостойкость детали; N — число циклов срабатывания; U — износ; P — нагрузка; F — площадь контакта; H — твердость материала детали; K_m — относительный износ материала детали; K_a — относительная величина, характеризующая стирающую способность контактирующего с деталью материала; Q — удельная теплота рабочей среды; A — амплитуда вибраций; ω — частота вибраций.

Для определения условий подобия процесса испытаний реальному процессу эксплуатации, а также упрощения методики приведения экспериментальных оценок формализуем уравнение (1) с помощью критериев подобия. С этой целью проведем соответствующие преобразования выражения (1).

Критерий подобия есть некоторая комбинация величин выражения (1) $x_i, i = \overline{1, 8}$:

$$p = \prod_{i=1}^8 x_i^{z_i},$$

где $x_i = [L]^{\lambda_i} [M]^{\mu_i} [T]^{\varepsilon_i}$, а $[L], [M], [T]$ — соответственно размерности длины, массы, времени; $\lambda_i, \mu_i, \varepsilon_i$ — показатели степени. Так как критерий подобия имеет нулевую размерность, то

$$\sum_{i=1}^8 \lambda_i z_i = 0 \quad \sum_{i=1}^8 \mu_i z_i = 0 \quad \sum_{i=1}^8 \varepsilon_i z_i = 0 \quad (2)$$

Нетрудно показать, что ранг матрицы r , составленной из коэффициентов системы линейных уравнений (2), равен трем, и система уравнений (2) может иметь $n - 3$ независимых решений. Так как система уравнений (2) неопределенная, то для получения однозначного решения необходимо ввести дополнительные соотношения между неизвестными величинами. Эти соотношения можно получить исходя из физической природы исследуемого процесса. В рассматриваемой системе можно выделить три группы независимых параметров: x_1, x_2, x_3 , которые характеризуют конструктивно-технологические особенности изделий; x_4, x_5 характеризуют свойства конструкционных материалов; x_6, x_7, x_8 характеризуют внешние условия нагружения.

Тогда, если при решении системы уравнений (2) принять, что $z_i = 1$, то $z_i, i = \overline{4, 8}$, однозначно должны быть равны нулю, так как решением системы уравнений является критерий подобия — независимая величина, характеризующая только определенную сторону физи-

ческого процесса. Произвольность в выборе значения z_1 компенсируется в выражении критерия подобия в размерностях величин x_1, x_2, x_3 . Такой подход позволяет получить однозначное решение системы уравнений (2), которое затем проверяется на его физическую адекватность.

Определим для каждой величины x_i размерность и показатели размерностей $\lambda_i, \mu_i, \zeta_i$; результаты сведем в таблицу.

Параметр x_i	Размерность	Показатель		
		λ_i	μ_i	ζ_i
P	$L M T^{-2}$	1	1	-2
F	L^2	2	0	0
H	$L^{-1} M T^{-2}$	-1	1	-2
k_n/k_a	0	0	0	0
Θ	$L^2 T^{-2}$	2	0	-2
ω	T^{-1}	0	0	-1
A	L	1	0	0

Подставив показатели размерностей $\lambda_i, \mu_i, \zeta_i$ в уравнения (2), получим:

$$\begin{aligned} z_1 + 2z_2 - z_3 + 2z_5 + z_7 &= 0 \\ z_1 + z_3 &= 0 \\ 2z_1 - 2z_3 - 2z_5 - z_6 &= 0. \end{aligned} \quad (3)$$

Система уравнений (3) решается методами теории подобия. Для этого необходимо выбрать четыре значения z_i с учетом независимости групп параметров.

1. Принимаем $z_1=0; z_4 = 1, z_5=0, z_7 = 0$. Тогда из системы (3) получаем $z_3=0, z_2=0, z_6 = 0$. Следовательно, первое решение системы нулевое. Находим критерий подобия из этого решения:

$$p_1 = \prod_{i=1}^7 x_i^{z_i} = K_m / K_a$$

2. Принимаем $z_1=1; z_4 = 0, z_5=0, z_7 = 0$. Тогда из системы (3) получаем $z_3= -1, z_2 = -1, z_6 = 0$. Итак, второе решение имеет вид:

$$z_1=1; z_2 = -1, z_3= -1, z_4 = 0, z_5=0, z_6 = 0, z_7 = 0$$

и соответствующий критерий подобия:

$$p_2 = P / H \cdot F.$$

3. Принимаем $z_1=0; z_4 = 0, z_6=1, z_7 = 0$. Аналогично предыдущему получаем третье решение:

$$z_1=0; z_2 = 1/2, z_3= 0, z_4 = 0, z_5=-1/2, z_6 = 1, z_7 = 0$$

и критерий подобия:

$$p'_3 = F^{1/2} w / Q^{1/2}.$$

4. Принимаем $z_1 = 0, z_4 = 0, z_5 = 0, z_2=1$. Аналогично предыдущему получаем четвертое решение системы:

$$z_1=0; z_2 = -1/2, z_3= 0, z_4 = 0, z_5=0, z_6 = 0, z_7 = 1$$

и критерий подобия:

$$p'_4 = A / F^{1/2}.$$

Вместо критерия подобия p'_3, p'_4 введем один обобщенный, который характеризует только эксплуатационные нагрузки:

$$p_3 = p'_3 p'_4 = \frac{F^{1/2} w}{Q^{1/2}} \cdot \frac{A}{F^{1/2}} = \frac{Aw}{UQ}.$$

Таким образом, критериальная обработка функциональной модели позволила установить критерии подобия, которые характеризуют качественное состояние систем (π_1, π_2) и воздействующие в процессе эксплуатации систем нагрузки (π_3).

После критериальной обработки система уравнения (2) принимает вид:

$$I = \Phi(p_1, p_2, p_3). \quad (4)$$

Критериальная обработка выражения (2) позволила значительно уменьшить число переменных, сделать их независимыми и, следовательно, упростить математическую модель изнашивания.

Так как основным параметром, по которому осуществляется принятие решения о ресурсе, является число циклов наработки до отказа, то целесообразно ввести этот параметр в модель в явном виде.

В момент отказа износ рабочего элемента достигает предельного значения. Износостойкость рабочего элемента испытываемой системы, как было указано в формуле (1), зависит от числа срабатываний N , т. е. от параметра, который характеризует наработку, и от износа рабочего элемента U на этот период, т. е. характеристики, которая определяет работоспособность системы. Поэтому запишем уравнение (4) в виде:

$$U = Y^I(p_1, p_2, p_3) N(t). \quad (5)$$

Выражение (5) представляет собой в общем виде математическую модель развития отказа в критериальной форме, которая устанавливает связь определяющей характеристики U конструктивно-технологическими параметрами π_1, π_2 , параметрами эксплуатационного нагружения π_3 и наработкой $N(t)$.

Отказ испытываемой системы наступает в момент достижения определяющим параметром U предельно допустимого значения. Запишем выражение (5) для момента отказа:

$$U_{np} = Y^{-I}(p_1, p_2, p_3) N(t_0)$$

или

$$N(t_0) = Y(p_1, p_2, p_3) U_{np}.$$

Таким образом, время наработки системы до отказа есть функция от трех критериев подобия, характеризующих конструктивно-технологические особенности, свойства износостойкости материалов и эксплуатационные нагрузки.

УДК 677. 4. 02

**ИССЛЕДОВАНИЕ НАТЯЖЕНИЯ КОМПЛЕКСНОЙ
ХИМИЧЕСКОЙ НИТИ ПРИ ПОЛУЧЕНИИ
КОМБИНИРОВАННОЙ ПРЯЖИ
НА МАШИНЕ ПС-100-ЛО**

Л.Е. Соколов

*УО «Витебский государственный технологический университет»,
г. Витебск, Республика Беларусь*

Разработка нового ассортимента пряж с использованием короткого льняного волокна и льняных очесов является сегодня актуальной научно-технической задачей, стоящей перед